



**Sok? – Kevés? –  
Elég!**

(Gondolatok elégségességről,  
szignifikánságról)



# Klasszikus „laikus” félreértések

- *„Még nyílt a választás kimenetele...”*  
→ aránybecslés bináris változó esetén
- *„Veszélybe került a hiánycél...”* →  
hányadosbecslés kis hányados esetén
- *„A kormány bedöntötte a svájci frank  
árfolyamot...”* → okság-vizsgálat nagy  
volatilitású idősorok esetén

# Aránybecslés (EV minta)

- Intervallum-becslés

$$p \pm z_{1-\alpha/2} \sqrt{\frac{p(1-p)}{n} \left(1 - \frac{n}{N}\right)}$$

- Választás (két jelölt között) eldőlt, ha

$$p - z_{1-\alpha/2} \sqrt{\frac{p(1-p)}{n} \left(1 - \frac{n}{N}\right)} > 0,5$$

# Néhány „elégéses” eredmény

| N=50 000    |       | n     |       |        |        |
|-------------|-------|-------|-------|--------|--------|
|             |       | 2 500 | 5 000 | 10 000 | 20 000 |
| 1- $\alpha$ | 90,0% | 51,6% | 51,1% | 50,7%  | 50,5%  |
|             | 95,0% | 51,9% | 51,3% | 50,9%  | 50,5%  |
|             | 95,5% | 51,9% | 51,3% | 50,9%  | 50,5%  |
|             | 99,0% | 52,5% | 51,7% | 51,2%  | 50,7%  |

# Hányadosbecslés

- Intervallumbecslés

$$b \pm z_{1-\alpha/2} \times s_b$$

$$b = \frac{\sum_{i=1}^n y_i}{\sum_{i=1}^n x_i}$$

- Standard hiba (közelítőleg)

$$s_b = \sqrt{\frac{b^2}{n} \left( V_x^2 + V_y^2 - 2\rho V_x V_y \right) \left( 1 - \frac{n}{N} \right)}$$

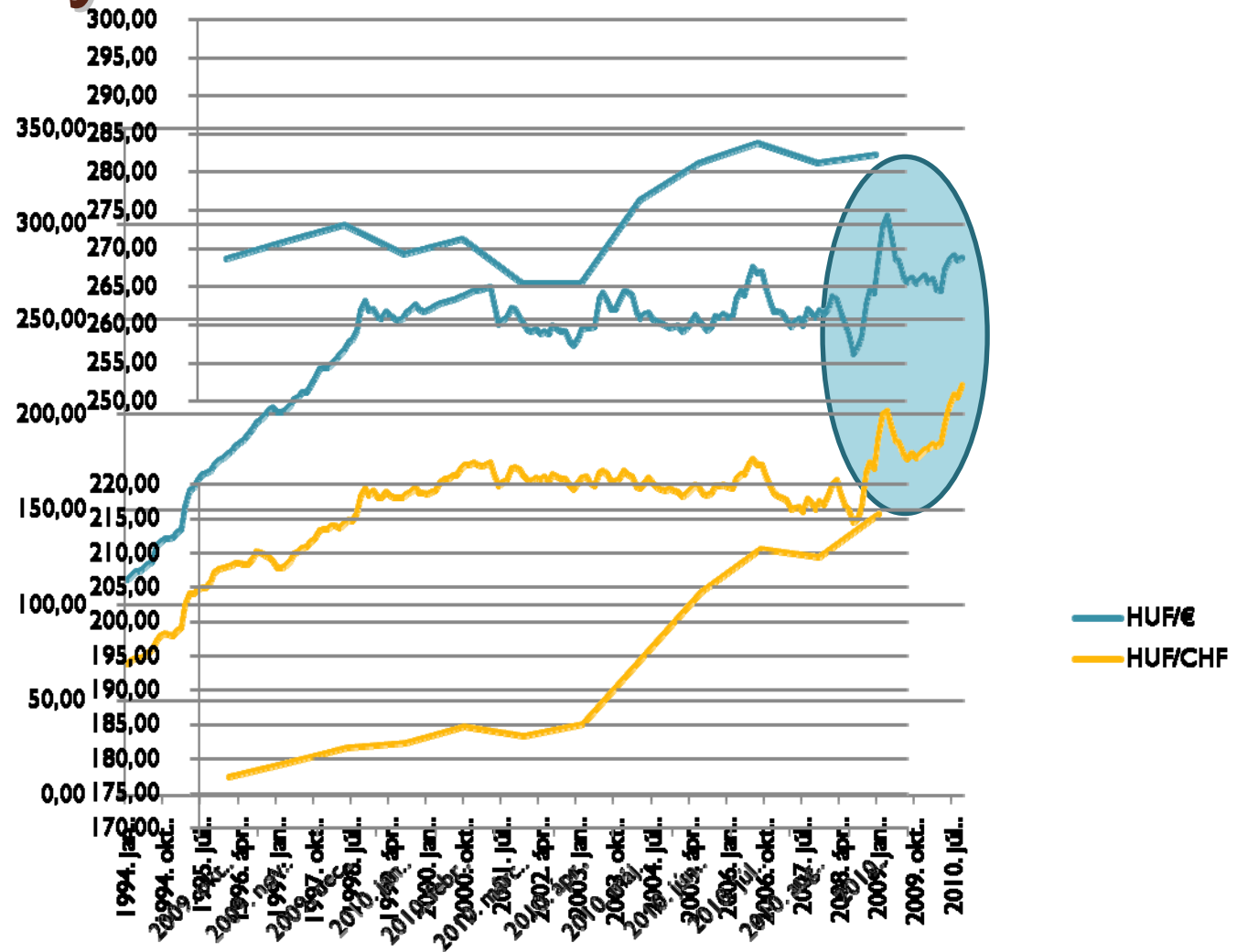
# Néhány standard hiba, ha

$$h = 0,038 \quad N = 360$$

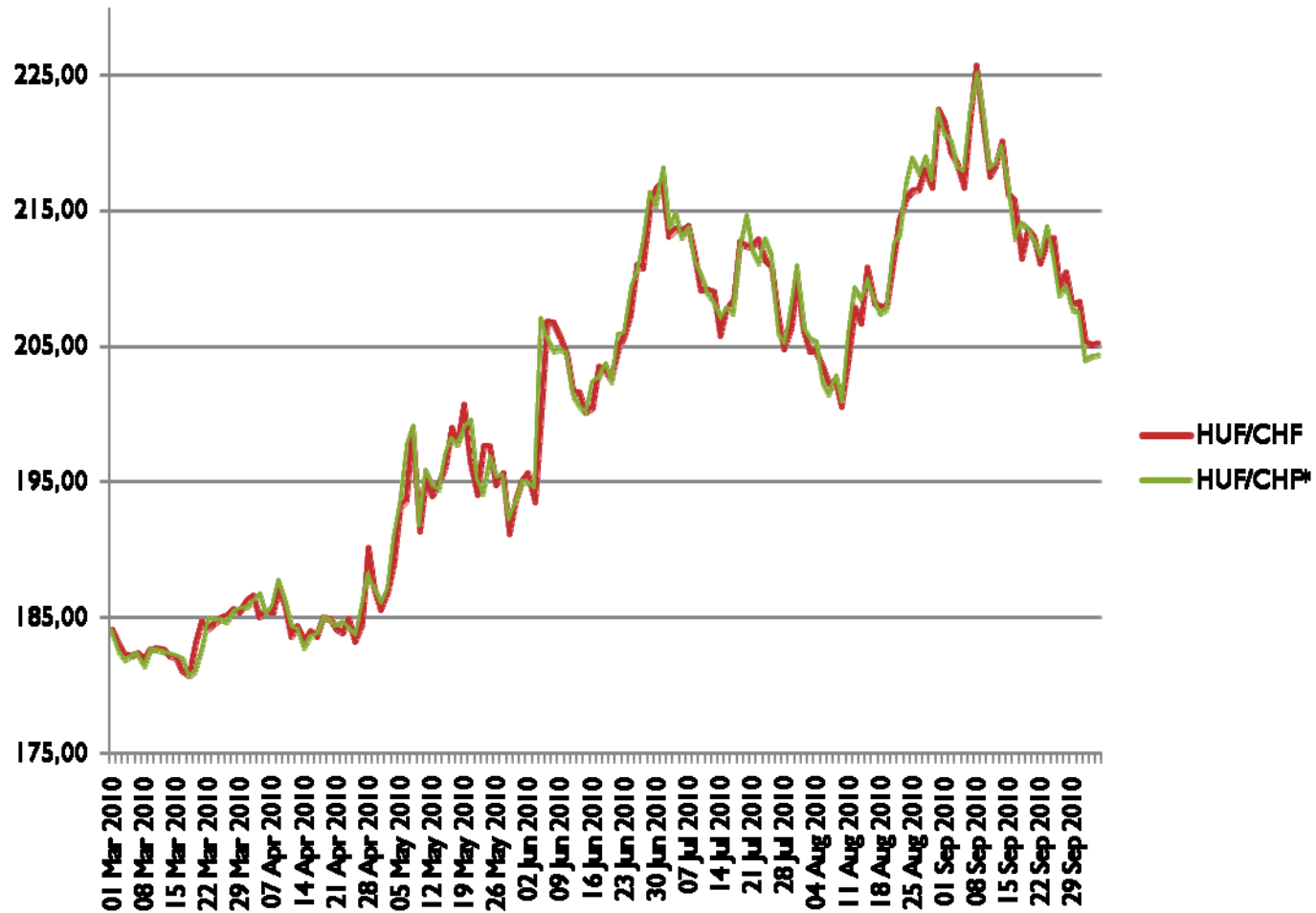
$$V_y = 150\% \quad V_x = 30\%$$

| $S_h$  |      | n     |       |       |       |
|--------|------|-------|-------|-------|-------|
|        |      | 30    | 90    | 120   | 180   |
| $\rho$ | 0,25 | 0,051 | 0,027 | 0,022 | 0,015 |
|        | 0,50 | 0,050 | 0,026 | 0,021 | 0,015 |
|        | 0,75 | 0,048 | 0,025 | 0,021 | 0,015 |
|        | 0,90 | 0,047 | 0,025 | 0,020 | 0,014 |

# Euró (€) és svájci frank (CHF) árfolyam



# HUF/CHF és (HUF/€ × €/CHF) árfolyam





# Granger-okság

- H0:  $X$  nem oka  $Y$ -nak  
H1:  $X$  oka  $Y$ -nak
- Becsülendő modell

$$Y_t = \alpha_0 + \alpha_1 Y_{t-1} + \alpha_2 Y_{t-2} + \beta_1 X_{t-1} + \beta_2 X_{t-2}$$

- H0:  $\beta_1 = \beta_2 = 0$

# Granger-okság €/CHF oka-e HUF/CHF-nek?

- Időhorizont: 2010. január – 2010. szeptember  
F= 4,049                      p= 0,019
- Időhorizont: 2010. január – 2010. április  
F= 1,978                      p= 0,145
- Időhorizont: 2010. május – 2010. szeptember  
F= 4,448                      p= 0,014